



NOME

GRUPO 4º ESO A

0. Expresión escrita / expresión matemática / presentación

1. i. Comentar a característica principal que distingue os números racionais dos irracionais.

ii. Indicar do xeito razoado se os seguintes números son racionais ou irracionais: $\sqrt{121}$, $2,9$, $2\sqrt{2}$, $\frac{\pi}{4}$, $1,1234567891011 \dots$.

i. Os números racionais son todos aqueles que admiten unha expresión en forma de fracción, ou sexa, os que son da forma $\frac{a}{b}$, con $a, b \in \mathbb{Z}$. En particular, todos os decimais exactos ou periódicos (puros ou mistos) poden expresar-se en forma de fracción (fracción xeratriz), logo son racionais. De maneira inversa, todas as fraccións admiten unha expresión decimal exacta ou periódica. Por suposto, todos os inteiros son racionais: $\mathbb{Z} \subset \mathbb{Q}$.

Os números que non admiten expresión decimal exacta ou periódica, e por conseguinte, tampouco admiten expresión en forma de fracción, son irracionais.

ii. Os números $2\sqrt{2}$, $\frac{\pi}{4}$ e $1,1234567891011 \dots$ son irracionais xá que non admiten expresión en forma de fracción, ou equivalentemente, non teñen expresión decimal periódica.

$\sqrt{121}$ e $0,9$ son racionais: $\sqrt{121} = 11 \in \mathbb{Z}$ e $2,9 = \frac{29-2}{9} = \frac{27}{9} = 3 \in \mathbb{Z}$.

2. Calcular o valor da expresión $4,5 \cdot 10^3 \cdot 3,9 \cdot 10^{-8}$, dando o resultado en notación científica con dúas cifras significativas, e calcular os erros absoluto e relativo (este último en porcentaxe) derivados da aproximación.

$$4,5 \cdot 10^3 \cdot 3,9 \cdot 10^{-8} = 17,55 \cdot 10^{-5} = 1,755 \cdot 10^{-4} \approx 1,76 \cdot 10^{-4}$$

O erro absoluto é: $1,76 \cdot 10^{-4} - 1,755 \cdot 10^{-4} = (1,76 - 1,755) \cdot 10^{-4} = 0,005 \cdot 10^{-4} = 5 \cdot 10^{-7}$.

E o erro relativo: $\frac{5 \cdot 10^{-7}}{1,755 \cdot 10^{-4}} = \frac{5}{1,755} \cdot 10^{-3} \approx 2,85 \cdot 10^{-3} = 0,285\%$.

- 1 3. A talla do mexillón para enlatado debe estar nos 3 cm con un erro non superior ao 15%. Calcular o intervalo no que deben estar os mexillóns para que non sexan rexeitados.

Ao ser o erro relativo non superior ao 15%, a talla γ dos mexillóns deberá estar comprendida entre os valores $3 \pm \frac{15}{100} \cdot 3 = 3 \pm 0,45$ cm, logo $\gamma \in [2,55, 3,45]$.

- 1 4. Obter os números reais tais que a distancia do seu triplo ao número $-13,5$ sexa de 0,24 unidades.

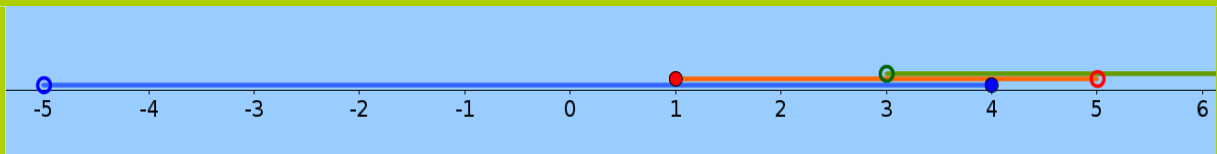
Se chamamos x ao número pedido, a condición é $|3x - (-13,5)| = 0,24 \Leftrightarrow |3x + 13,5| = 0,24 \Leftrightarrow 3x = -13,5 \pm 0,24$:

No primeiro caso obtemos: $3x = -13,5 - 0,24 = -13,74 \Leftrightarrow x = \frac{-13,74}{3} = -4,58$.

E no segundo: $3x = -13,5 + 0,24 = -13,26 \Leftrightarrow x = \frac{-13,26}{3} = -4,42$.

Logo as solucións son $x_1 = -4,58$ e $x_2 = -4,42$.

- 1 5. Representar graficamente os intervalos $I_1 = (-5, 4]$, $I_2 = [1, 5)$ e $I_3 = (3, +\infty)$ e obter os intervalos $I_1 \cup I_2$, $I_1 \cap I_2$ e $I_2 \cap I_3$.



$$I_1 \cup I_2 = (-5, 5], \quad I_1 \cap I_2 = [1, 4], \quad I_2 \cap I_3 = (3, 5)$$

- 1 6. Transformar a expresión radical $\frac{\sqrt{8} \cdot \sqrt{32}}{\frac{1}{4} \cdot \sqrt[4]{2} \sqrt{2}}$ nunha única potencia de expoñente racional.

$$\frac{\sqrt{8} \cdot \sqrt{32}}{\frac{1}{4} \cdot \sqrt[4]{2} \sqrt{2}} = \frac{4 \cdot \sqrt{2^3 \cdot 2^5}}{\frac{1}{4} \cdot \sqrt[4]{2^3}} = \frac{4 \cdot \sqrt{2^8}}{\frac{1}{4} \cdot \sqrt[4]{2^3}} = \frac{2^2 \cdot 2^4}{\frac{1}{4} \cdot \sqrt[4]{2^3}} = \frac{2^6}{\frac{1}{4} \cdot \sqrt[4]{2^3}} = 2^6 \cdot \frac{4}{\sqrt[4]{2^3}} = 2^6 \cdot \frac{2^2}{\sqrt[4]{2^3}} = 2^6 \cdot \frac{2^2}{2^{\frac{3}{4}}} = 2^{6 + 2 - \frac{3}{4}} = 2^{\frac{45}{4}}$$

1 7. Transformar nun radical irreducíbel a expresión $\sqrt{96} + \frac{1}{2}\sqrt{150} - \frac{1}{4}\sqrt{54}$.

$$\begin{aligned}\sqrt{96} + \frac{1}{2}\sqrt{150} - \frac{1}{4}\sqrt{54} &= \sqrt{16 \cdot 6} + \frac{1}{2}\sqrt{25 \cdot 6} - \frac{1}{4}\sqrt{9 \cdot 6} = 4 \cdot \sqrt{6} + \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot \sqrt{6} - \frac{1}{4} \cdot 3 \cdot \sqrt{6} = \\ &= \left(4 + \frac{5}{2} - \frac{3}{4}\right) \cdot \sqrt{6} = \frac{16 + 10 - 3}{4} \cdot \sqrt{6} = \frac{23}{4} \sqrt{6}\end{aligned}$$

1 8. Racionalizar e simplificar as expresións:

i. $\frac{10 \cdot \sqrt{27}}{\sqrt{72}}$

ii. $\frac{\sqrt{5}}{5 - 3\sqrt{2}}$

i. $\frac{10 \cdot \sqrt{27}}{\sqrt{72}} = \frac{10 \cdot \sqrt{3^3}}{\sqrt{2^3 \cdot 3^2}} = \frac{10 \cdot 3 \cdot \sqrt{3}}{2 \cdot 3 \cdot \sqrt{2}} = \frac{5 \cdot \sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \frac{5 \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt{2}}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}} = \frac{5 \cdot \sqrt{6}}{2}$

ii. $\frac{\sqrt{5}}{5 - 3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{5} \cdot (5 + 3\sqrt{2})}{(5 - 3\sqrt{2}) \cdot (5 + 3\sqrt{2})} = \frac{5\sqrt{5} + 3\sqrt{10}}{25 - 18} = \frac{5\sqrt{5} + 3\sqrt{10}}{7}$