

# HOJA DE EJERCICIOS DE ECUACIONES

# 4º ESO OPCIÓN B

## Ecuaciones biquadradas:

1. Resuelve las siguientes ecuaciones biquadradas:

$$\begin{array}{lll} \text{a)} x^4 - 26x^2 + 25 = 0 & \text{b)} x^4 - 48x^2 - 49 = 0 & \text{c)} 3x^4 - 10x^2 - 8 = 0 \\ \text{d)} 2x^4 + 9x^2 - 68 = 0 & \text{e)} 24x^4 - 25x^2 = 0 & \text{f)} 216x^4 - 73x^2 + 36 = 0 \\ \text{g)} x^4 - 29x^2 + 100 = 0 & \text{h)} x^4 - 4x^2 - 12 = 0 & \text{i)} 4x^4 - 13x^2 + 3 = 0 \\ \text{j)} (2x^2 + 1)^2 - 5 = (x^2 + 2)(x^2 - 2) & & \text{k)} (x^2 + 1)^2 + 6 = 5(x^2 + 1) \\ \text{l)} \frac{x^2 - 32}{4} + \frac{28}{x^2 - 9} = 0 & \text{m)} 8x^6 - 63x^4 - 8 = 0 & \text{n)} x^6 - 7x^3 - 8 = 0 \end{array}$$

## Ecuaciones de grado superior a 2:

2. Resuelve las siguientes ecuaciones de grado superior a dos:

$$\begin{array}{ll} \text{a)} x^4 + x^3 - 3x^2 - 4x - 4 = 0 & \text{b)} x^3 + x^2 - 4x - 4 = 0 \\ \text{c)} 2x^4 - x^3 - 3x^2 = 0 & \text{d)} x^4 - 3x^3 - 13x^2 + 9x + 30 = 0 \\ \text{e)} x^4 - x^3 - 16x^2 - 20x = 0 & \text{f)} 2x^4 + x^3 - 8x^2 - x + 6 = 0 \end{array}$$

## Ecuaciones con fracciones algebraicas:

3. Resuelve las siguientes ecuaciones con fracciones algebraicas:

$$\begin{array}{lll} \text{a)} \frac{1}{x+2} - \frac{x+2}{x} = \frac{-7}{4} & \text{b)} \frac{x}{x+1} + \frac{2x}{x-1} = \frac{15}{4} & \text{c)} \frac{1}{3x} + \frac{1}{x^2} = \frac{5}{12} \\ \text{d)} x + \frac{8}{2x} = 5 & \text{e)} 30 - x^2 = \frac{225}{x^2} & \text{f)} \frac{x^2}{x^2-6} = \frac{x^2+6}{5} \\ \text{g)} \frac{8}{x^2-1} = \frac{x^2+1}{10} & \text{h)} \frac{6x}{x^2+2} = \frac{x^2+2}{x} - 1 & \text{i)} \frac{3}{x+1} - \frac{x}{x-1} = 2 \\ \text{j)} 2 + \frac{12}{x-3} = x + 3 & \text{k)} \frac{4}{x} + \frac{x}{2} = \frac{12}{x} & \text{l)} \frac{x^2+1}{x^2-2} = \frac{5}{2x^2-6} \\ \text{m)} \frac{2x^2+1}{3x^2-2} = \frac{3x^2-1}{2x^2+2} & \text{n)} \frac{x+2}{x} + 3x = \frac{5x+6}{2} & \text{o)} \frac{x-4}{x} - \frac{x-1}{4x} = -3x \end{array}$$

$$o) \frac{x-3}{x} + \frac{x+3}{x^2} = \frac{2}{3} \quad p) x - \frac{x-1}{x+1} = \frac{3x-1}{2} \quad q) \frac{x+1}{x-1} - 3 = \frac{2-x}{x}$$

$$r) \frac{3x+1}{4x+3} - \frac{1}{x} = 3 \quad s) \frac{3x+4}{x+3} - \frac{1}{2} = \frac{x+19}{4x+6} \quad t) \frac{1}{x+3} - \frac{2}{x} = \frac{2-5x}{x^2+3x}$$

$$u) \frac{x(x-3)}{x^2-1} = \frac{1}{x+1} - \frac{1}{x-1} \quad v) \frac{2x}{x+2} + \frac{x+2}{2x} = 2$$

$$w) \frac{8}{x^2-3x} + \frac{7}{x^2-9} + \frac{1}{x} = \frac{13}{4} \quad x) \frac{x^2-x-2}{x^3-4x^2+x+6} = \frac{15}{x^2+x}$$

$$y) \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x} = \frac{10x+1}{x^2+x} \quad z) \frac{x+5}{x+1} + \frac{4}{x-2} = \frac{2}{x-3}$$

### Ecuaciones con radicales:

4. Resuelve las siguientes ecuaciones con radicales:

$$a) \sqrt{x} + \sqrt{x-2} = 2 \quad b) 2x + \sqrt{6x+1} = 3 \quad c) \sqrt{4x+1} - \sqrt{9x-2} = -1$$

$$d) \sqrt{x^4+9} - \sqrt{6x^2+1} = 0 \quad e) \sqrt{x+4} + \sqrt{x-1} = 3 \quad f) 2x - 5 = 1 + \sqrt{2x}$$

$$g) \sqrt[3]{1+\sqrt{x}} = 2 \quad h) 5 - \sqrt{x+2} = x - 5 \quad i) \sqrt{x^2+7} - x = 2x - 5$$

$$j) \sqrt{x-1} + \sqrt{x+4} = 5 \quad k) x - \sqrt{x^2-12} = \sqrt{x} \quad l) \sqrt{2x+5} = x - 5$$

$$m) \sqrt{x-2} - \sqrt{2x+3} = -2 \quad n) 2 + \sqrt{2x+2} = x - 1 \quad o) \sqrt{x+9} + \sqrt{x-3} = 6$$

$$o) 3\sqrt{x} + x - 1 = 9 \quad p) \sqrt{\frac{x}{x+2}} = 4 \quad q) \frac{\sqrt{x}}{2} = x - \frac{x-1}{4}$$

$$r) \frac{\sqrt{1-2x}}{3} = x + \frac{1}{3} \quad s) 4x + 2\sqrt{x+4} = 4 \quad t) 2\sqrt{x+2} = \sqrt{7x+2}$$

$$u) \sqrt{x+3} + \sqrt{x+6} = \frac{3}{\sqrt{x+3}} \quad v) \sqrt{2x-1} + \sqrt{2x+1} = \frac{1}{\sqrt{2x-1}}$$

$$w) \sqrt{x+3} + \frac{8}{\sqrt{x+9}} = \sqrt{x+9} \quad x) \sqrt{18x-8} - \sqrt{2x-4} - 2\sqrt{2x+1} = 0$$

$$y) \sqrt{10 + \sqrt{5x+1}} = 4 \quad z) \sqrt{4 + 2\sqrt{7x+1}} = 4$$