

 Departamento de Matemáticas	MATEMÁTICAS APLICADAS ÁS CCSS I			CALIFICACIÓN
	BOLETÍN 1: NÚMEROS		CURSO 21/22	
	NOMBRE			
	GRUPO		FECHA	

1. Indica el menor conjunto numérico al que pertenecen los siguientes números reales:

$$3,42 \quad -\frac{36}{4} \quad \sqrt{5} \quad \frac{5}{6} \quad \sqrt{81} \quad -1 \quad \frac{\pi}{4} \quad 1,455555 \quad 23,1212212221222212222\dots$$

2. Efectúa indicando los pasos necesarios y pasando previamente el decimal a fracción

$$\frac{1}{4} - \frac{3}{2} \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^{-1} + 1\overline{16} - \left[\frac{1}{2} - \frac{1}{3} : \frac{2}{5}\right]$$

3. Dados los intervalos  $A = \{x \in R / x \geq 2\}$ ,  $B = \{x \in R / 0 < x < 10\}$

Calcula  $A \cup B$ ,  $A \cap B$

4. Expresa en forma de intervalo los valores que cumplen las siguientes desigualdades:

a)  $|x - 8| \leq 3$       b)  $|x + 2| > 1$

5. Opera indicando los pasos necesarios y da el resultado en notación científica:

a)  $\frac{3 \cdot 10^{-5} + 7 \cdot 10^{-4}}{10^6 - 5 \cdot 10^5}$       b)  $\frac{7,35 \cdot 10^4}{5 \cdot 10^{-3}} + 3,2 \cdot 10^7$

6. Opera y simplifica:

a)  $\frac{\sqrt[4]{x^3 y^3} \sqrt[3]{x^4 y^5}}{\sqrt[6]{x^5 y^4}}$       b)  $\sqrt{\frac{3}{x}} \cdot \sqrt[3]{\frac{x^2}{8}} \cdot \sqrt[4]{\frac{9}{5}}$

7. Opera y simplifica:

a)  $\sqrt{150} + \sqrt{54} - \sqrt{24}$       b)  $\frac{4}{5}\sqrt{50} + 7\sqrt{2} - 3\sqrt{8}$

8. Racionaliza y simplifica:

a)  $\frac{5}{\sqrt{2}}$       b)  $\frac{7 + \sqrt{5}}{5\sqrt{5}}$       c)  $\frac{4}{\sqrt{6} + \sqrt{2}}$       d)  $\frac{6 - \sqrt{5}}{3 - \sqrt{5}}$

9. Calcula utilizando la definición de logaritmo

a)  $\log_2 64 + \log_2 \frac{1}{4} - \log_3 9 - \log_2 \sqrt{2}$       b)  $\log_2 \frac{1}{32} + \log_3 \frac{1}{27} - \log_2 1$

10. Desarrolla las siguientes expresiones empleando las propiedades de los logaritmos.

a)  $\ln \sqrt[5]{\frac{4x^2}{e^3}}$       b)  $\log \frac{a^3 b^2}{c^4 d}$

 Departamento de Matemáticas	MATEMÁTICAS APLICADAS ÁS CCSS I			CALIFICACIÓN
	BOLETÍN 2: ÁLGEBRA		CURSO 21/22	
	NOMBRE			
	GRUPO		FECHA	

1. Resuelve las ecuaciones de grado superior:

a)  $(x-1)^2 - 5(x-2) = x+13$       b)  $5x^4 - 30x^3 - x^2 + 6x = 0$       c)  $x^4 - x^2 - 12 = 0$

2. Resuelve las ecuaciones irracionales: a)  $3 - \sqrt{x-1} = x$       b)  $\sqrt{x+7} + \sqrt{x} = 7$

3. Resuelve las siguientes ecuaciones: a)  $\frac{1}{x} + \frac{1}{x+3} = \frac{3}{10}$       b)  $\frac{x}{x-1} + \frac{2x}{x+1} = 3$

4. Resuelve las ecuaciones logarítmicas:

a)  $\log_2 x = -2$       b)  $\frac{\log(15-2x)}{\log(x)} = 2$       c)  $2 \log x - \log(x+6) = 3 \log 2$

5. Resuelve las ecuaciones exponenciales:

a)  $2^{3x} = 0,5^{3x+2}$       b)  $3^x + 3^{x+2} = 30$

6. La población de un país tiene un crecimiento exponencial con una tasa de reproducción  $r=1,02$ . En un momento dado se contabilizan 5,4 millones de habitantes. El aumento de población sigue la ley exponencial  $P(t) = P_0 \cdot r^t$

Donde  $P_0$  es la población en el momento inicial y  $t$  el tiempo transcurrido en años.

¿Cuántos años tarda en duplicarse la población?

7. Resuelve:

a)  $\begin{cases} \frac{2}{x} + \frac{3}{y} = 1 \\ 3x + \frac{y}{2} = 15 \end{cases}$       b)  $\begin{cases} x - y + 3 = 0 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$

8. Resuelve por Gauss: a)  $\begin{cases} x + y + z = 18 \\ x - z = 6 \\ x - 2y + z = 0 \end{cases}$       b)  $\begin{cases} x + y + z = 2 \\ 2x + 3y + 5z = 11 \\ x - 5y + 6z = 29 \end{cases}$

9. En una empresa trabajan empleados de las categorías A, B y C. El salario mensual de cada trabajador es de 1200, 1700 y 2200 euros, según que pertenezca a la categoría A, B y C, respectivamente. Todos los trabajadores destinan el 5% de su salario a un plan de pensiones, lo que asciende en un mes a un total de 4930 euros. El número de trabajadores de la categoría A es el 150% de los de la categoría B. El número de trabajadores de la categoría B más el de la C supera en 3 al número de trabajadores de la categoría A. Hallar el número de trabajadores de cada categoría que tiene la empresa.

10. Resuelve las siguientes inecuaciones:

$$\text{a) } x+1-3(x-1) < 1-x \quad \text{b) } x^2 - x - 6 \geq 0 \quad \text{c) } \frac{x^2 - 2x - 3}{x^2 - 4} > 0 \quad \text{d) } \frac{x+3}{x-2} \leq 2$$

11. Resuelve los sistemas de inecuaciones

$$\text{a) } \begin{cases} 5 - x < -12 \\ 16 - 2x < 3x - 3 \end{cases} \quad \text{b) } \begin{cases} 2 - x > 8 - 4x \\ 2x + 1 \geq 3x - 4 \end{cases}$$

12. Representa gráficamente el conjunto de soluciones correspondientes a los sistemas de inecuaciones siguientes:

$$\text{a) } \begin{cases} -x \geq y - 4 \\ 2x - y \leq 0 \end{cases} \quad \text{b) } \begin{cases} x - y \leq 4 \\ y \leq 3x \end{cases} \quad \text{c) } \begin{cases} y - x \leq 5 \\ 2y \geq 4 - x \\ x \geq 0 \end{cases}$$

 Departamento de Matemáticas	MATEMÁTICAS APLICADAS ÁS CCSS I			CALIFICACIÓN
	BOLETÍN 3: FUNCIONES		CURSO 21/22	
	NOMBRE			
	GRUPO		FECHA	

1. Calcula el dominio de las siguientes funciones:

a)  $y = \frac{3}{x^2 + x}$       b)  $y = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 3x}}$       c)  $y = \sqrt{x^2 + 3x + 4}$       d)  $y = \sqrt{\frac{x+1}{x}}$

2. La producción de una fábrica fue de 1 tonelada de un cierto producto el primer mes ( $t = 1$ ) y de 4 toneladas del mismo producto el tercer mes ( $t = 3$ ). Mediante interpolación lineal, determina cuál fue la producción transcurridos 2 meses ( $t = 2$ )

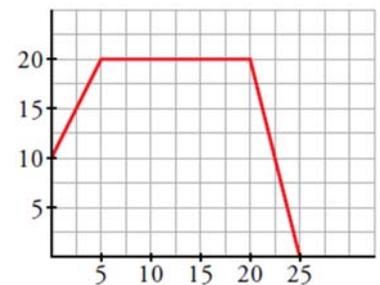
3. El rendimiento, en tanto por ciento, de un jugador de futbol, depende de la cantidad de minutos que esté jugando. Si la duración de un partido es de 90 minutos y la función que da el rendimiento en función de esos minutos es:  $R(t) = \frac{-1}{20}t^2 + 2t + 80$

- ¿En qué momento el jugador tiene mayor rendimiento? ¿Cuál es dicho rendimiento?
- ¿En qué minuto el jugador tiene el mismo rendimiento que cuando comenzó el partido?
- Si el entrenador quiere cambiarlo cuando esté al 20% de su rendimiento, ¿en qué minuto debe cambiarlo?
- En qué periodo el rendimiento es inferior al 80%

4. Representa gráficamente las siguientes funciones:

a)  $y = \begin{cases} -2 & \text{si } x < 0 \\ x-2 & \text{si } 0 \leq x < 4 \\ 2 & \text{si } x \geq 4 \end{cases}$       b)  $y = \begin{cases} -x-1 & \text{si } x \leq -1 \\ 2x^2 - 2 & \text{si } -1 < x < 1 \\ x-1 & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$

5. Escribe la expresión analítica que se corresponde a la siguiente gráfica e indica su dominio y recorrido.



6. Representa la gráfica de las funciones:

a)  $f(x) = 2^x$       b)  $g(x) = \log_2 x$

7. La concentración de un fármaco en sangre viene dada por  $y = 100 \cdot (0,94)^t$  ( $y$  en mg,  $t$  en h).

- Di cuál es la dosis inicial y la cantidad de ese fármaco que tiene el paciente al cabo de 3 horas.
- Representa la función.
- Si queremos que la concentración no baje de 60 mg, ¿al cabo de cuánto tiempo tendremos que inyectarle de nuevo?

8. Considera las funciones  $f(x)$  y  $g(x)$  definidas por  $f(x) = x^2 + 1$  y  $g(x) = \frac{1}{x}$ . Calcula:

a)  $f \circ g(2)$       b)  $g \circ f(x)$       c)  $f^{-1}(x)$