Calcula la altura del triángulo ABC sobre el lado b (opuesto al vértice B) siendo:

A(-1,0), B(4,-2) y C(2,7)

Al ser las alturas de un triángulo las rectas perpendiculares a cada lado por el vértice opuesto, lo que nos están pidiendo es que calculemos la distancia del vértice B al punto que hemos marcado como D.

Opc1: Se calcula la recta r, perpendicular por el punto B a la recta s (ver gráfico)

s:
$$7x - 3y = -7$$

r: $3x + 7y = -2$

Resolviendo este sistema:
$$D = \left(\frac{-95}{100}, \frac{12}{100}\right)$$

Altura=d(B,D)=
$$\sqrt{\left(4+\frac{95}{100}\right)^2+\left(-2-\frac{12}{100}\right)^2} \simeq 5,38$$

Opc2: Calculando la distancia de B a la recta s mediante la fórmula:

$$d(B,s) = \frac{|7 \cdot 4 - 3 \cdot (-2) + 7|}{\sqrt{7^2 + (-3)^2}} = 5,38$$

