



NOME

EXERCICIOS DE TASA DE VARIACIÓN E TASA DE VARIACIÓN MEDIA

1.- la presión **P** de un gas depende de su volumen **V** de acuerdo con la ley de Boyle $P = \frac{200}{V}$, donde P se mide en atmósferas y V en cm^3 . Se pide:

a) Variación de la presión cuando el volumen aumenta de 100 cm^3 a 125 cm^3

$$tV_p [v_1, v_2] = f(v_2) - f(v_1) = f(125) - f(100) = \frac{200}{125} - \frac{200}{100} = \boxed{-0,4 \text{ atm}}$$

La presión disminuye $0,4 \text{ atm}$.

b) Variación promedio por cm^3 de la presión al variar el volumen de 100 cm^3 a 125 cm^3

$$tVM_p [v_1, v_2] = \frac{f(v_2) - f(v_1)}{v_2 - v_1} = \frac{f(125) - f(100)}{125 - 100} = \frac{-0,4 \text{ atm}}{25 \text{ cm}^3} = -0,016 \frac{\text{atm}}{\text{cm}^3}$$

En este intervalo la presión disminuye en promedio $0,016 \text{ atmósferas}$ por cada cm^3 de aumento de volumen

2.- Supóngase que **t** horas después de ser colocada en un congelador la temperatura de una pieza de carne está dada por la función:

$$T(t) = 70 - 12t + \frac{4}{t+1}; T \text{ en } ^\circ\text{C}, \text{ para } 0 \leq t \leq 5. \text{ Se pide:}$$

a) El enfriamiento de la carne entre las 2 h y las 4 h

$$TV_T [t_1, t_2] = T(t_2) - T(t_1) = T(4) - T(2) = \left(70 - 12 \cdot 4 + \frac{4}{4+1}\right) - \left(70 - 12 \cdot 2 + \frac{4}{2+1}\right) = \boxed{-24,53 \text{ } ^\circ\text{C}}$$

La temperatura baja $24,53 \text{ } ^\circ\text{C}$

b) La rapidez promedio de enfriamiento de la carne entre las 2h y las 4 h

$$tVM_T [t_1, t_2] = \frac{T(t_2) - T(t_1)}{t_2 - t_1} = \frac{-24,53 \text{ } ^\circ\text{C}}{(4 - 2) \text{ h}} = \boxed{-12,27 \frac{^\circ\text{C}}{\text{h}}}$$

En este intervalo por cada hora que pasa la pieza de carne enfría en promedio $12,27 \text{ } ^\circ\text{C}$

3.- La demanda $d(x)$ de un artículo en un mercado libre disminuye a medida que el precio x aumenta. Se sabe que el número de artículos que se desean adquirir al precio de $x \text{ €}$ se calcula mediante la función :

$$d(x) = \frac{50\,000}{x^2 + 10x + 25} \quad \text{si } 5 \leq x \leq 15. \quad \text{Se pide:}$$

a) Variación de la demanda de artículos cuando el precio aumenta de 7€ a 10€

$$\begin{aligned} \Delta V_d [x_1, x_2] &= d(x_2) - d(x_1) = d(10) - d(5) = \\ &= \frac{50\,000}{10^2 + 10 \cdot 10 + 25} - \frac{50\,000}{5^2 + 10 \cdot 5 + 25} = \boxed{-427,13 \text{ artículos}} \end{aligned}$$

b) Determinar la variación promedio de artículos demandados por euro al aumentar el precio de 7€ a 10€

$$\begin{aligned} \Delta VM_d [x_1, x_2] &= \frac{d(x_2) - d(x_1)}{x_2 - x_1} = \frac{d(10) - d(5)}{10 - 5} = \frac{-427,13 \text{ artículos}}{5 \text{ €}} \\ &= \boxed{-85,43 \frac{\text{artículos}}{\text{€}}} \end{aligned}$$

• Por cada euro que aumente el precio, la demanda disminuye en promedio casi 86 artículos.

4.- Se tiene en observación un cultivo de bacterias y se efectúa un conteo de las bacterias cada hora. Con esta información se ha determinado la función:

$$N(t) = 50\sqrt{t+30} \quad . t \text{ en horas. Se pide:}$$

a) El número de bacterias a las 4 h y a las 16 horas

$$\begin{aligned} N(4) &= 50\sqrt{4+30} \approx \boxed{291,55 \text{ bacterias}} \\ N(16) &= 50\sqrt{16+30} \approx \boxed{339,12 \text{ bacterias}} \end{aligned}$$

b) El aumento de la población de bacterias entre las 4 h y las 16 h

$$\Delta V_N [t_1, t_2] = N(t_2) - N(t_1) = N(16) - N(4) = \boxed{47,57 \text{ bacterias}}$$

La población aumenta en casi 48 bacterias

c) Rapidez promedio de crecimiento de la población de bacterias entre las 4 h y las 16 h

$$\begin{aligned} \Delta VM_N [t_1, t_2] &= \frac{N(t_2) - N(t_1)}{t_2 - t_1} = \frac{N(16) - N(4)}{16 - 4} = \frac{47,57}{12} \\ &= 3,96 \frac{\text{bacterias}}{\text{h}} \approx \boxed{4 \frac{\text{bacterias}}{\text{h}}} \end{aligned}$$

En este intervalo la población crece a un ritmo de 4 bacterias por hora que transcurre.