

## BOLETÍN DE XEOMETRÍA NO PLANO

1. Un paralelogramo ABCD ten vértices nos puntos  $A(2,0)$ ;  $B(0,3)$  e  $C(-3,-3)$ . Determina o vértice D, o punto de corte das súas diagonais, o ángulo que forman estas e a área do paralelogramo. Sol.:  $D(-1, -6)$ ; Punto de corte  $(-1/2, -3/2)$ ;  $\alpha = 52^0 41' 45''$ ; Área = 21 u.c.
2. Acha a ecuación da mediatrix do segmento de extremos  $A(7,4)$  e  $B(1,2)$ .  
Sol.:  $3x + y - 15 = 0$
3. Calcula o ángulo que forman as rectas  $r$  e  $s$  nos seguintes casos:
  - a)  $r: y = 4x - 12$        $s: 5x + 3y - 2 = 0$  Sol.:  $\alpha = 45^0$
  - b)  $r: 2x + y - 1 = 0$        $s: \frac{x-3}{7} = \frac{y-2}{4}$  Sol.:  $\alpha = 86^0 49' 12''$
4. Calcula a ecuación da recta perpendicular a  $r: \frac{x-3}{2} = \frac{y+2}{5}$  que pasa polo punto  $P(-2,5)$ . Sol.:  $2x + 5y - 21 = 0$
5. A recta  $2x - 3y + 12 = 0$  determina cos eixes de coordenadas un segmento AB. Acha a ecuación da mediatrix de AB. Sol.:  $3x + 2y + 5 = 0$
6. Sexa a recta  $r: 3x + 4y + 5 = 0$  e o punto  $A(2,7)$ . Calcula as coordenadas de  $A'$ , simétrico de A, respecto de r. Sol.:  $(-8/5, -19/5)$
7. Determina o valor de  $a$  para que as rectas  $r: ax + (a-1)y - 2(a+2) = 0$  e  $s: 3ax - (3a+1)y - 5(a+4) = 0$  sexan:
  - a) Paralelas. Sol.:  $a = 0$ ;  $a = 1/3$
  - b) Perpendiculares. Sol.:  $a = -1/2$
  - c) Para os valores calculados acha no primeiro caso a distancia entre as rectas e no segundo o punto de corte. Sol.:  $a = 0$   $d(r,s) = 16$ ;  

$$a = 1/3 \quad d(r,s) = \frac{23}{\sqrt{45}}; \quad a = -1/2 \quad \left(-\frac{111}{10}, \frac{17}{10}\right)$$
8. Determina o valor de  $k$  de modo que a recta  $8x + 15y + k = 0$  diste 5 unidades do punto  $(2,3)$ . Sol.:  $k = 24$ ,  $k = -146$
9. Acha a ecuación da recta paralela a  $3x + 4y + 25 = 0$  que dista 1 unidade da recta dada. Sol.:  $3x + 4y + 20 = 0$  e  $3x + 4y + 30 = 0$
10. Polo punto  $A(1,6)$  trazamos a perpendicular á recta  $r: 2x + y - 2 = 0$ . Determina un punto desta perpendicular que equidiste de A e de r.  
Sol:  $\left(-\frac{1}{5}, \frac{27}{5}\right)$