Boletín 5. Pendientes de Matemáticas de 3º ESO Sucesiones y progresiones.

- 1. Calcula el término general en las siguientes progresiones aritméticas:
- **a)** $a_1 = -2$, d = 4
- **b)** $a_3 = 20$, $a_{10} = -22$ **c)** $a_{15} = 27$, d=3
- 2. Calcula la suma de los números pares comprendidos entre 100 y 300, ambos incluidos.
- 3. Calcula el término general de las siguientes progresiones geométricas:
 - **a)** $a_1 = 9 \text{ r} = \frac{-1}{3}$ **b)** $a_1 = 81$, $a_5 = 1$ **c)** $a_3 = 2$, $a_7 = -16$
- **4.**Juan compró 20 libros, por el 1º pagó 1€, por el 2º 2€, por el 3º 4€, por el 4º 8€ y así sucesivamente. ¿Cuánto pagó por los libros?
- 5. Para preparar una carrera, un deportista comienza corriendo 5 km. y aumenta 2,5 km su recorrido cada día. ¿Cuántos días tiene que entrenar para llegar a un recorrido de 30 km?
- 6. Indica si las siguientes progresiones son aritméticas o geométricas, e indica la razón o la diferencia y el término general en cada caso.
- **a)** 11, 8, 5, 2,... **b)** 2, 1, $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{4}$,... **c)** 7, -21, 63,... **d)** -3, -8, -13, -18,...

- **7.**Calcula $2^0 + 2^1 + 2^2 + 2^3 + ... + 2^{15}$
- **8.** Calcula los términos a_1 , a_7 , a_{20} y a_{150} de las sucesiones que tienen por término general:
- a) $a_n = 5n + 4$

- b) $b_n = n^2 + 9$ c) $c_n = \frac{n-3}{2n+1}$ d) $d_n = (-1)^n \cdot \frac{n}{2}$
- 9. Indica cuál de las siguientes sucesiones es una progresión aritmética, una geométrica o no pertenece a ninguno de los dos tipos, y escribe los términos generales de ellas:
- $a)\frac{5}{3}, \frac{5}{9}, \frac{5}{27}, \frac{5}{81}, \dots$
- f) 1.8, 27, 64....

e)2, -2, 2, -2,...

- $b) -3, -5, -7, -9, \dots$
- c)2, 3, 4, 5,...

- g) $\frac{1}{2}$, $\frac{3}{3}$, $\frac{5}{4}$, $\frac{7}{5}$,...
- *d*))3, 8, 15, 24,...
- h) $\frac{3}{5}$, 1, $\frac{7}{5}$, $\frac{9}{5}$,....
- **10.** Fíjate en estos términos : $a_1 = 1$, $a_4 = 3$ y $a_{13} = 12$. Comprueba si alguno de ellos

pertenece a la sucesión de término general : $a_n = \frac{n^2 - 1}{n + 1}$

SOLUCIONES AL BOLETÍN 4:

1. a)
$$x = 5$$
 b) $x = 13$ c) $x = \frac{1}{2}$ d) $x = \frac{1}{2}$ e) $x = 7$ f) $x = 2$

2. a)
$$x_1 = -26/11$$
 $x_2 = 5$ b) $x_1 = 0$ $x_2 = 10/3$ c) $x_1 = -1$ $x_2 = 1/8$ d) $x_1 = -16/3$ $x_2 = 2$ e) $x_1 = -55$ $x_2 = -2$ f) $x_1 = -1$ $x_2 = -1/3$ g) $x_1 = -5/3$ $x_2 = 3$ h) $x_1 = 2$ $x_2 = 3$

4. a)
$$x = 8$$
 b) $x = 160$ c) $x = 5$ d) $x = 3$

11. a)
$$x = 2/3$$
 $y = 2/3$ b) $x = 0$ $y = -3$ c) $x = -1/3$ $y = 4/3$

12. a)
$$x = 0$$
 $y = 3$ b) $x = 1/3$ $y = 1$ c) $x = 2$ $y = -7/2$ d) $x = 6$ $y = 5$ e) $x = 4$ $y = -2$ f) $x = 2$ $y = 4$ g) $x = 3$ $y = 1$